

$n \leq h$ のときに成り立つと仮定し, $n = h + 1$ の場合について考える.

すると, $1 \leq k \leq (h+1)-1 = h$ を満たす整数 k が存在して, $T(h+1) \leq T(k) + T((h+1) - k) + c(h+1)$ が成り立つ. ゆえに,

$$\begin{aligned} T(h+1) &\leq T(k) + T((h+1) - k) + c(h+1) \\ &\leq 2ck^2 + 2c((h+1) - k)^2 + c(h+1) \quad (\because \text{帰納法の仮定より}) \\ &\leq 2chk + 2ch((h+1) - k) + c(h+1) \quad (\because k \leq h, (h+1) - k \leq h) \\ &= 2ch(h+1) + c(h+1) \\ &= c(2h+1)(h+1) \leq 2c(h+1)^2 \end{aligned}$$

となり, $T(h+1) \leq 2c(h+1)^2$ が導かれる.